

Základní definice

(i) Funkcí jedné reálné proměnné rozumíme zobrazení $f: M \rightarrow \mathbb{R}$, $M \subseteq \mathbb{R}$.

(ii) Říkáme, že f je na M

(1) rostoucí: $\forall x, y \in M : x < y \Rightarrow f(x) < f(y)$

(2) klesající: $\forall x, y \in M : x < y \Rightarrow f(x) > f(y)$

(3) nerostoucí, neklesající (analogicky)

(iii) Říkáme, že f je na M

(1) sudá:

I. $x \in M \Rightarrow -x \in M$

II. $f(x) = f(-x) \quad \forall x \in M$

(2) lichá:

I. $x \in M \Rightarrow -x \in M$

II. $f(x) = -f(-x) \quad \forall x \in M$

(3) periodická (s periodou $p > 0$):

I. $x \in M \Rightarrow x \pm p \in M$

II. $f(x + p) = f(x - p) = f(x) \quad \forall x \in M$

Okolí

$a \in \mathbb{R}$, $\delta > 0$:

(i) $\mathcal{P}(a, \delta)$ — prstencové (redukované) okolí bodu: $(a - \delta, a) \cup (a, a + \delta)$

(ii) $\mathcal{U}(a, \delta)$: $(a - \delta, a + \delta) = \mathcal{P}(a, \delta) \cup a$

(iii) $\mathcal{P}^+(a, \delta)$: $(a, a + \delta)$

(iv) $\mathcal{P}^-(a, \delta)$: $(a - \delta, a)$

(v) $\mathcal{U}^+(a, \delta)$: $[a, a + \delta)$

(vi) $\mathcal{U}^-(a, \delta)$: $(a - \delta, a]$

$$\mathcal{P}(+\infty, \delta) = (1/\delta, +\infty) = \mathcal{U}(+\infty, \delta)$$

$$\mathcal{P}(-\infty, \delta) = (-\infty, -1/\delta) = \mathcal{U}(-\infty, \delta)$$